Strahlungsprozesse in AGN

Synchrotron-Strahlung

- Einzelnes Elektron
- Elektronenverteilung
- Polarisation
- Synchrotron-Selbstabsorption

Compton-Streuung

- Wirkungsquerschnitt, Streuformel
- Comptonisierung
- Kompaneetsgleichung
- Inverse Comptonstreuung
- Compton-Streuung von Synchrotron-Strahlung

Synchrotron-Strahlung – ein Teilchen

 \rightarrow Vorhergesagt als physikalischer Prozess (Schwinger 1949)

 \rightarrow Astrophysikalische Anwendung Radioquellen (Shklovsky 1953)

Synchrotron-Strahlung eines Teilchens:



Relativistisches Elektron im Magnetfeld

-"Relativistisch" \leftrightarrow heiß: schnelle thermische Bewegung

-Gyrotation um Magnetfeld:

Nicht-relativistisch: Zyklotron-Strahlung mit

Strahlungsfrequenz = Gyro-Frequenz:

$$\omega_G = \frac{eB}{m_e c} = 1.8 \times 10^7 \frac{B}{1 \text{G}} \text{rad s}^{-1}$$

Synchrotron-Strahlung: Relativistische Elektronen:

(1) $m_e \to \gamma m_e$ (Lorentzfaktor γ), γ in Jets ≤ 2000 (2) "beaming" in Öffnungswinkel γ^{-1} (Bündelung/Verstärkung in **v**-Richtung) \to Lichtstrahl eines Elektrons überstreicht Beobachter Zeitskala: Emission: $\Delta t_{\rm em} \sim \gamma^{-1}(\omega/\gamma^{-1}) = (m_e c/eB)$ Beobachteter Puls: $\Delta t_{\rm obs} \sim (1 - \mathbf{n} \cdot \beta) \Delta t_{\rm em} \sim \Delta t_{\rm em}/2\gamma^2$

Synchrotron-Strahlung – ein Teilchen

(3) Fouriertransformation des Pulses gibt typische Frequenz:

$$\nu_c \sim \Delta t_{\rm obs}^{-1}$$

$$\sim \gamma^2 \omega_G$$

$$\sim \gamma^2 (B/1\text{G}) \text{ MHz}$$

$$P \sim \nu^{1/3}, \quad \nu \text{ klein}$$

$$P \sim \exp(-\nu/\nu_c), \quad \nu \text{ groß}$$

Maximum be
i $0.29\nu_c$

Strahlungsleistung:

"Dipolstrahlung" durch beschleunigtes Elektron $\dot{\beta}$: $\mathbf{E} = (e\dot{\beta}_{\perp}/rc)$, Strahlungsleistung ~ $|\mathbf{E}|^2$,

Leistung: $\rightarrow P = \frac{2e^2 < |\dot{\beta}|^2 >}{3c}$ (LarmorFormel; Newton'sch) $P = \frac{2e^2\gamma^6}{3c} \left(|\dot{\beta}|^2 - (\beta \times \dot{\beta})^2 \right) = 2\sigma_T c\gamma^2 \beta_\perp^2 \frac{B^2}{3\pi}, \text{ (relativistisch)}$

Kühlungszeit durch Synchrotron-Strahlung

$$t_{\rm cool} = \frac{\gamma m_e c^2}{P} \sim 6 \times 10^8 \left(\frac{B}{1 \,{\rm G}}\right)^{-3/2} \left(\frac{\nu}{\rm MHz}\right)^{-1/2}$$

Zahlenwerte: $B, \nu_c, \gamma, t_{cool}, t_{dyn}$: 10^{-5} G, 10^{9} Hz, $10^{4}, 10^{7}$ yr, 10^{8} yr, Ausgedehnte Radioquelle 10^{-3} G, 10^{9} Hz, $10^{3}, 10^{4}$ yr, 10^{4} yr, Radiojet 10^{3} G, 10^{16} Hz, $10^{3.5}, 10^{8}$ yr, 1yr, Innere Scheibe Polarisation der Synchrotronstrahlung: \rightarrow Linear polarisiert bis zu ~70% (Vgl. mit Zyklotronstrahlung, und zirkularer Polarisation)

${\bf Synchrotron-Strahlung-Potenzgesetz}$

Spektrum einer Elektronenverteilung Nicht-thermische Synchrotron-Strahlung: Potenzgesetz für Elektronen-Energieverteilung $N_{\gamma} = K\gamma^{-s}$ Gültig für begrenzte Energieskala: "cutoff" bei γ_{\min} , γ_{\max} Maximale Emission des einzelnen Elektrons bei $\nu_c \sim \gamma^2 \nu_G$ $P_{\nu} \sim P \phi_{\nu}; \phi_{\nu}(\gamma) = \delta(\nu - \nu_c)$ Integration über alle Elektronen \rightarrow totales Spektrum: Spekt. Emissivität/Volumen: $j_{\nu} \sim \int N_{\gamma} P_{\nu} d\gamma$ \rightarrow Strahlungsleistung: $P_{\nu} \sim KB^{1+\alpha}\nu^{-\alpha}$ Potenzgesetz-Elektronenverteilung \rightarrow Potenzgesetz-Spektrum: \rightarrow Spektralindex $\alpha = (s - 1)/2$



Beispiele: Ausgedehnte Radioquellen $\alpha \simeq 0.7, s \simeq 2.4$ Radiojets $\alpha \simeq 0.5$

${\bf Synchrotron-Strahlung-Selbstabsorption}$

Synchrotron-Selbstabsorption:

Im Falle kompakter Radioquellen:

 \rightarrow Emittierendes Medium kann abgestrahlte Strahlung wieder selbst absorbieren

 \rightarrow Strahlungsflußdichte $S_{\nu} = \int (j_{\nu}/4\pi D^2) dV$

Intensität: erhalten entlang Lichtstrahl: $S_{\nu} = \int I_{\nu} d\Omega$

- \rightarrow Optisch dick: Intensität \rightarrow Quellfunktion: $I_{\nu} = j_{\nu}/4\pi\rho\kappa_{\nu}$
- \rightarrow Strahlungsfeld in der Quelle anisotrop \rightarrow "break frequency" ν_b :

 \rightarrow Quelle optisch dick (dünn) für $\nu \ll \nu_b \ (\nu \gg \nu_b)$

Definition: "Brightness temperature" $T_B \equiv (c^2 I_{\nu}/2k_B\nu^2) \simeq$ Schwarzkörper mit Intensität I_{ν} im Rayleigh-Jeans-Teil des Planck-Spektrums

Thermodynamisch gilt $T_B(\nu) < \frac{\gamma m_e c^2}{3k_B} \simeq 10^9 \left(\frac{\nu}{\text{MHz}}\right)^{1/2} \left(\frac{B}{\text{G}}\right)^{-1/2} \text{K}$

Strahlungsfluß im Falle von Selbstabsorption: $S_{\nu} \sim T_B \nu^{2.5}$

(kann nicht durch homogene Quelle erklärt werden)



 \rightarrow Erklärt beobachteten "cutoff" im FIR bei radioleisen Quasaren zum Vergleich: Radio-Bögen ("radio lobes") sind optisch dünn

Compton-Streuung – Thomson-Streuung

Thomson-Streuung (Wirkungsquerschnitt): Niederenergetischer Bereich \simeq Rayleigh-Streuung Streuung von Photonen an Elektronen: Frequenzerhaltung Beschleunigung des Elektrons durch Lichtwelle: $\mathbf{E} = (e\beta_{\perp}/rc)$ Strahlungsleistung $P \sim |\mathbf{E}|^2$ Differentieller Wirkungsquerschnitt für Streuung der Lichtwelle in **n**-Richtung (polarisiert in **e**-Richtung) in \mathbf{n}' -Richtung (polarisiert in \mathbf{e}' -Richtung):

$$\frac{\mathrm{d}\sigma}{\mathrm{d}\Omega} = r_e^2(\mathbf{e} \cdot \mathbf{e}') = \frac{1}{2}r_e^2\left(1 + (\mathbf{n} \cdot \mathbf{n}')^2\right)$$

Mittelung über $\mathbf{n} \cdot \mathbf{n}'$: Wirkungsquerschnitt $\sigma_T = 6.652 \times 10^{-25} \text{cm}^2$ \rightarrow Optische Tiefe: $\tau_T = \int \mathrm{d}s n_e \sigma_T$ Für $\tau_T \ll 1$: Streuwahrscheinlichkeit

Für $\tau_T \gg 1$: optisch dick, Entweichzeitskala ~ c/τ_T



(Christian Fendt)

Compton-Streuung-Wirkung squerschnitt

Compton-Streuung:

Wenn $h\nu$ vergleichbar mit $m_e c^2 : \rightarrow$ Elektronen-Rückstoß

 \rightarrow Streuung mit $h\nu' \rightarrow h\nu$

 \rightarrow Compton-Streuformel:

$$\nu = \frac{m_e c^2 \nu'}{m_e c^2 + h\nu' (1 - \mathbf{n} \cdot \mathbf{n'})}$$

(Streuung unter Energie- und Impulserhaltung) Frequenzverschiebung:

$$\frac{\Delta\nu}{\nu} = -\frac{h\nu}{m_e c^2} (1 - \cos\theta), \quad \left\langle \frac{\Delta\nu}{\nu} \right\rangle \simeq -\frac{h\nu}{m_e c^2}, \quad (h\nu \ll m_e c^2)$$

Wirkungsquerschnitt durch $\Delta \nu$ verkleinert: Klein-Nishina

$$\sigma \simeq \left(1 - \frac{2h\nu}{m_e c^2}\right), \quad h\nu \ll m_e c^2$$

$$\sigma \simeq \frac{3}{8} \sigma_T \frac{m_e c^2}{h\nu} \left(\ln\left(\frac{2h\nu}{m_e c^2}\right) + \frac{1}{2}\right), \quad h\nu \gg m_e c^2$$



(Christian Fendt)

Compton-Streuung – Comptonisierung

Energetisches Gleichgewicht von Elektronen und Photonen

(1) Heizung der Elektronen durch Photonen:

Mittlere Heizrate der Elektronen $(U_{\nu}$: Strahlungsenergiedichte)

$$W_{+} = n_e \sigma_T c \int \mathrm{d}\nu U_{\nu} \frac{h\nu}{m_e c^2}, \quad h\nu \ll m_e c^2$$

(2) Energieübertrag an Photonen:

mittlere Frequenzverschiebung $\langle \Delta \nu / \nu \rangle = x k_B T / m_e c^2 \rightarrow$ Kühlrate der Elektronen:

$$W_{-} = n_e \sigma_T c \int \mathrm{d}\nu U_{\nu} \frac{x k_B T}{m_e c^2}, \quad x = 4$$

In AGN: $U_{\nu} \gg U_e \rightarrow$ Temperatur durch U_{ν} bestimmt

$$T_C = \frac{h \langle \nu \rangle}{4k_B}, \quad \langle \nu \rangle \equiv \frac{\int d\nu \nu U_{\nu}}{\int d\nu U_{\nu}},$$

Zeitskala für Comptonisierung: $t_C \sim (m_e c^2 / \sigma_T U)$

Beispiel: Gas um "broad line region" in Seyfert-Galaxien Röntgen-Spektrum folgt Potenzgesetz $\rightarrow \langle v \rangle \sim (\alpha - 1)/(2 - \alpha)(\nu_{\min}/\nu_{\max})^{\alpha - 1}\nu_{\max}$ $(\alpha \simeq 0.7, \nu_{\max} = 100 \text{keV}, \nu_{\min} = 1 \text{keV})$ $\rightarrow T_C = 7 \times 10^7 \text{K}$

Aus Temperatur \to Druckabschätzung \to Druck des Gases innerhalb der BLR zu klein um die Wolken halten zu können

Compton-Streuung – Kompaneetsgleichung

Energetisches Gleichgewicht von Elektronen und Photonen

- \rightarrow Detailierte Beschreibung durch Kompaneets-Gleichung
- \rightarrow Energieverluste/-gewinne der Photonen in kleinen Schritten
- \rightarrow Beschreibung durch Zustandsgleichung für die Frequenz

"Besetzungszahl" nals mittlere # Photonen pro Volumen und Polarisation $n\sim 4\pi\nu^2 {\rm d}\nu {\rm d}V/c^3$

Thermisches GG: Planck-Verteilung: $n = (\exp(h\nu/k_BT) - 1)^{-1}$

Entwicklung des Zustandes: Kompaneets-Gleichung:

$$\frac{\partial n}{\partial y} = \frac{1}{x^2} \frac{\partial}{\partial x} x^4 \left(n + n^2 + \frac{\partial n}{\partial x} \right) \qquad \text{(Kompaneets 1957)}$$

 $x \equiv (h\nu/k_BT)$: Energie der Photonen $y \equiv (4k_BT/m_ec^2)\sigma_T(N_ect)$: Comptonisierungs-Parameter Interpretation: (∂m (∂m): Deepelen Verschichung

 $(\partial n/\partial x)$: Doppler-Verschiebung

n: "recoil"-Effekt, Rückstoß durch Elektron

 n^2 : Induzierte/stimulierte Emission

Lösungsbeispiel: ohne recoil und induzierte Streuung:

 \rightarrow stationäres Spektrum einer monoenergetischen Photonenquelle mit $\nu = \nu_0$

→ Potenzgesetz für $n(\nu) \sim \nu^{-(3+\alpha)}$; $\nu_0 < \nu < \nu_{\rm rec}$ mit exponentiellem "cutoff" bei $\nu_{\rm rec} = (3+\alpha)k_BT/h$

Spektralindex aus $(\alpha + 3)\alpha = 4/y$

Beispiel: Seyfert-Galaxien: Röntgen-Spektralindex $\alpha = 0.7 \rightarrow y = 1.5$

Compton-Streuung – Inverse C-S, SSC

Inverse Compton-Streuung:

Compton-Streuung an relativistischen Elektronen

 $\rightarrow P = (4/3)\gamma^2 \sigma_T c U_{\rm rad}$

 $(U_{\rm rad}:$ Strahlungsenergiedichte; $\gamma \gg 1)$

Mittlere gestreute Photonenfrequenz: $\langle\nu\rangle=(4/3)\gamma^2\nu'$

 $(\gamma^2:$ zweimal relativistische Dopplerverschiebung: Transformation der Streuprozesse zwischen Photonen und Elektronen-Bezugssystem)

Synchrotron-selbst Compton Strahlung:

Kompakte Radioquelle \rightarrow Synchrotron-Strahlung wird an relativistischen Elektronen invers Compton-gestreut

Gestreuter Strahlungsfluß aus Integration über Synchrotron- Spektrum und Elektronenverteilung mit $\delta\text{-}\mathrm{Funktion}$

$$S_c(\nu) = \int d\nu' \nu'^{-\alpha} \int d\gamma \gamma^{-s} \delta(\nu - 4\gamma^2 \nu'/3) \sim \int d\nu' \nu'^{-\alpha - 1}$$

Spektralindex bleibt ungefähr erhalten, $(\alpha) = (s - 1)/2)$

