# Akkretion & Akkretionsscheiben

### Sphärische Akkretion, Eddington-Limit

### Akkretionsscheiben:

• Drehmoment, Drehimpuls, Viskosität

### Dünne Scheiben:

• Drehmoment, -impuls, Strahlungstransport

#### Stationäre Scheiben

- Erhaltungsgrößen, Leuchtkraft
- $\alpha$ -Parametrisierung, Turbulenz

#### Magneto-Rotations-Instabilität

### Drehimpulstransport durch magnetische Scheibenwinde

**ADAF** ("Advection dominated accretion flow")

Dicke Scheiben, Tori

Scheibenspektrum

## Sphärische Akkretion

#### Hydrodynamische, sphärisch symmetrische stationäre Akkretion (Bondi 1952)

- Kontinuitätsgleichung:  $\partial_t \rho + \nabla \cdot (\rho \mathbf{v}) = 0$  $\rightarrow$  radial-sphärische Massenakkretionsrate:  $\dot{M} = 4\pi r^2 \rho v$
- Bewegungsgleichung:  $\rho \partial_t \mathbf{v} + \rho \mathbf{v} \cdot \nabla \mathbf{v} = -\nabla p + \rho G M r^{-2}$  $\rightarrow$  radial/konstant:

$$v(\mathrm{d}v/\mathrm{d}r) = -(1/\rho)(\mathrm{d}p/\mathrm{d}r) - GM/r^2 \tag{(*)}$$

– Integration zur Bernoulli-Gleichung (Energieerhaltung):

$$\frac{v^2}{2} + \int \frac{\mathrm{d}p'}{\rho(p')} - \frac{GM}{r} = \text{const.} \equiv E$$

– Annahme: polytropes Gasgesetz  $p = K \rho^{\gamma}$  $\rightarrow$  Schallgeschwindigkeit  $a^2 \equiv dp/d\rho = \gamma p/\rho$ 

$$\rightarrow \frac{v^2}{2} + \frac{1}{\gamma - 1}a^2 - \frac{GM}{r} = E = \frac{1}{\gamma - 1}a_{\infty}^2$$
 (\*\*)

– Bondi 1952:

 $\rightarrow$ Verschiedene Akkretionsraten $\dot{M}$ 

 $\rightarrow$ physikalisch verschiedene Lösungsklassen

Hier: Akkretionslösung: vmonoton ansteigend von v=0 bei $r=\infty$ auf Freifall  $v\to \sqrt{2GM/r^2}$  für  $r\to 0$ 

Frage: Welches ist die dazugehörige Akkretionsrate?

Umformung von (\*) und (\*\*):

$$\rightarrow \rho'/\rho + v'/v + 2/r = 0, \qquad vv' + a_s^2 \rho'/\rho + GM/r^2 = 0$$

$$\rightarrow v' = D_1/D, \quad \rho' = -D_2/D$$
mit
$$D_1 = (2a^2/r - GM/r^2)/\rho, \quad D_2 = (2v^2/r - GM/r^2)/v,$$

$$D = (v^2 - a_s^2)/\rho v$$

daraus

– Stetige, monotone Lösung verbindet Singularitäten am "kritischen Punkt"  $r = r_s$ , an dem  $D_1 = D_2 = D = 0$  $\rightarrow v_s^2 = a_s^2 = GM/2r_s (\rightarrow \text{kritischer} = \text{sonischer Punkt})$  $\rightarrow v_s^2 = a_s^2 = 2a_{\infty}^2/(5-3\gamma), \qquad r_s = ((5-3\gamma)/4)GM/a_{\infty}^2$ 

daraus

- Mit  $\rho = \rho_{\infty}(a/a_{\infty})^{2/(\gamma-1)}$  folgt Massenflußrate:  $\dot{M} = 4\pi \rho_{\infty} v_s r_s^2 (a/a_{\infty})^{2/(\gamma-1)} = 4\pi \lambda_s (GM/a_{\infty}^2)^2 \rho_{\infty} a_{\infty}$ mit Eigenwert  $\lambda_s = 0.25$  für  $\gamma = 5/3$
- Vergleich mit AGN:

$$\rho_{\infty} \sim 5 \times 10^{-27} \left(\frac{L}{10^{45} \text{ergs}^{-1}}\right) \left(\frac{T}{10^4 \text{K}}\right)^{5/3} \left(\frac{\eta}{0.1}\right)^{-1} \left(\frac{M}{10^8 M_{\odot}}\right)^{-2} \text{g/cm}^3$$

typische interstellare Dichten eher $10^{-24} \rm g/cm^3$ 

#### Akkretion – Eddington Limit

- Bisher: Strahlungsdruck vernachlässigt
- Aber: Massenakkretion  $\rightarrow$  Energieerzeugung (Effizienz  $\eta \simeq 0.1$ )  $\rightarrow$  Strahlungsdruck  $\rightarrow$  "bremst" Akkretion
- Beschleunigung durch Strahlungsdruck:  $g_{\rm rad} = \sigma_T L / 4\pi m_p c r^2$ (Thomson-Wirkungsquerschnitt  $\sigma_T$ )

daraus

- Eddington-Leuchtkraft:

$$L_{\rm Edd} = \frac{4\pi c G M m_p}{\sigma_T} = 1.51 \cdot 10^{46} \left(\frac{M}{10^8 M_{\odot}}\right) \,\rm erg \,\, s^{-1}$$

(direkter Hinweis auf hohe Zentralmassen!)

- Kritische Akkretionsrate  $\leftrightarrow$  Eddington-Leuchtkraft:

$$\dot{M}_{\rm Edd} = \frac{L_{\rm Edd}}{c^2 \eta} \simeq 10^{26} \left(\frac{M}{10^8 M_{\odot}}\right) \left(\frac{\eta}{0.1}\right)^{-1} \text{g s}^{-1}$$
$$\simeq 3 \left(\frac{M}{10^8 M_{\odot}}\right) \left(\frac{\eta}{0.1}\right)^{-1} M_{\odot} \text{yr}^{-1}$$

– Zeitskala für Wachstum des BH (massenunabhängig):

$$\tau_{\rm Edd} = \frac{M}{\dot{M}_{\rm Edd}} \simeq 4 \times 10^8 \eta \frac{L_{\rm Edd}}{L} {\rm yr}$$

## Akkretionscheiben – Grundlagen

Problem der Akkretion: Drehimpuls-Transport/Austausch Einfall von Material nur bei Abgabe von Drehimpuls:

(1) Vergleich der Zahlenwerte:

- Sonnensystem: Jupiter: 99% des Drehimpuls Sonne: 99% der Masse
- AGN: Spezifischer Drehimpuls  $\tilde{l} \equiv rv_{\phi}$
- in galaktischer Scheibe:  $\simeq 10^{30} \text{cm}^2 \text{ s}^{-1}$
- schwarzes Loch  $(10^8 M_{\odot}, a = 1)$ :  $\simeq 10^{23} \text{cm}^2 \text{ s}^{-1}$

(2) Keplerorbits stabil, Drehimpulerhaltung  $\rightarrow$  keine Akkretion

(3) Ausbildung einer rotierenden Scheibe:
Kollision einfallender Materieströme → Drehimpulsaustausch
→ Bei jedem Radius: Material gleichen spez. Drehimpuls': *l̃* = *l̃*(*r*) = √*GMr* → gleiche Orbits, "Kepler-Scheibe"
(4) Drehimpulsaustausch in der Scheibe:
Kollision der Scheibenmaterie, "Reibung"
→ Abgabe von Drehimpuls nach außen (?)
→ Verkleinerung des Orbits, Akkretion:

 $\rightarrow$  verkienerung des Orbits, Akkretion.

Akkretionsrate:  $\dot{M} = d(\rho V)/dt = \overline{\rho}Adr/dt = 2\pi rh\overline{\rho}v_r$ 

(Scheibendicke 2*h*, mittl. Dichte  $\overline{\rho}$ , Oberflächendichte  $\Sigma = \overline{\rho}h$ )

 $\rightarrow$  Keplerscheibe:  $v_{\phi} = r\Omega \simeq \sqrt{GM/r} \gg v_r$ 

 $\rightarrow$  erforderliche Drehimpulsverlustrate:

 $\dot{J} \simeq \dot{M}\tilde{l}(r_D) = \dot{M}\sqrt{GMr_D}$ 

(Scheibenaußenradius  $r_D$ )

# Akkretionscheiben – Drehmoment/-impuls

Problem der Akkretion: Drehimpuls-Transport/Austausch



(5) Viskose Reibung:

 $\rightarrow$  Spannung  $|\mathbf{F}_{\phi}| = -t_{r\phi}$  (Spannung: Kraft/Fläche) Visk. Spannungstensor: Transportrate: *i*-Impuls in *j*-Richtung:

$$t_{ij} = \rho \nu (\partial_{x_j} v_i + \partial_{x_i} v_j - (2/3) (\nabla \cdot \mathbf{v}) \delta_{ij})$$

 $\rightarrow$  Kinematischer Viskositätsko<br/>effzient  $\nu \rightarrow$  Modell erforderlich!

$$t_{r\phi} = \rho \nu (\partial_r v_\phi - v_\phi/r) = \rho \nu r \partial_r \Omega(r)$$

 $\rightarrow$  Keplerscheibe:  $t_{r\phi} = -(3/2)\rho\nu\Omega = -(3/2)\rho\nu\sqrt{GM/r^3}$ Drehmoment zwischen zwei Scheibenringen:

$$\mathcal{G} = \int r d\phi \int r t_{r\phi} dz = 2\pi r^3 \rho \nu \Sigma \partial_r \Omega$$

- $\rightarrow$  Falls  $\partial_r \Omega < 0: \rightarrow \mathcal{G} < 0$
- $\rightarrow$  Drehimpulstransport nach außen

## Dünne Akkretionscheiben – Modell

Annahme: Scheibendicke  $h \ll r$  (meist h/r < 0.1)



- $\rightarrow$  Gravitationskraft  $\perp$  Scheibe  $F_{G,z} = m_p G M z / r^3$
- $\rightarrow$  Teilchen mit  $v=c_s$ kann  $h\simeq rc_s/v_K$ erreichen
- $\rightarrow h/r \simeq c_s/v_K$

Bedingung für dünne Scheibe:

$$\frac{k_B T}{m_p c^2} \frac{r}{r_g} \ll 1$$

erfüllt wenn:

thermische  $\ll$  potentielle Energie:  $k_B T \ll m_p G M/r$ 

→ "kühle" Scheibe (erfordert effziente Strahlungskühlung; ok für  $k_B T > m_e c^2$ ) Beispiel AGN:

Maximum der Scheiben-Leuchtkraft nahe am BH

 $\rightarrow L \simeq L(r_g) = \pi r_g^2 \sigma T^4$  (lokaler Schwarzkörper)

$$\rightarrow T \simeq 10^{6} \mathrm{K} \left(\frac{L}{10^{46} \mathrm{erg \ s^{-1}}}\right)^{-1/4} \left(\frac{L}{L_{\mathrm{edd}}}\right)$$

 $\to$ kühl im Vgl. zur Protonen-Ruhe<br/>energie  $m_pc^2\to 10^{13}{\rm K}\to$ Näherung der dünnen Scheibe in AGN gut erfüllt

# Dünne Akkretionscheiben – Zeitentwicklung

Axialsymmetrische dünne Akkretionsscheibe:  $h(r) \ll r$ 

- $\rightarrow$  Mittelung über vertikales Scheibenprofil
- $\rightarrow$  Oberflächendichte:  $\Sigma \equiv \int \rho(r, z) dz$
- $\rightarrow$  "Scheibenhöhe":  $h = \Sigma/2\overline{\rho}$
- $\rightarrow$  Hydrodynamisches Gleichungssystem:

$$\partial_r \rho + \nabla \cdot (\rho \mathbf{v}) = \mathbf{0}$$
  
$$\rho(\partial_t \mathbf{v} + (\mathbf{v} \cdot \nabla) \mathbf{v}) + \nabla P + \rho \nabla \Phi = \nabla \cdot \mathbf{T}$$

(Massenerhaltung) (Impulserhaltung)

Koordinaten entkoppelt ( $v_z = 0$ ):

$$\partial_t \Sigma + (1/r) \partial_r (r \Sigma v_r) = 0$$
 (Massenerhaltung)  
$$r \partial_t (r^2 \Sigma \Omega) + \partial_r (r^3 \Sigma \Omega v_r) = (1/2\pi) \partial_r \mathcal{G}$$
 (Drehimpulserhaltung)

daraus:

Akkretionsgeschwindigkeit ( $\sim$  Scherung und Viskosität):

$$v_r = \frac{\partial_r (r^3 \nu \Sigma \partial_r \Omega)}{r \Sigma \partial_r (r^2 \Omega)}$$

Zeitentwicklung der Oberflächendichte:

$$\partial_t \Sigma = -\frac{1}{r} \partial_r \left( \frac{\partial_r (r^3 \nu \Sigma \partial_r \Omega)}{\partial_r (r^2 \Omega)} \right)$$

Modell für  $\nu$ ???

- $\rightarrow$ molekulare Viskosität viel zu klein
- $\rightarrow$  turbulente Viskosität  $\nu = \alpha c_s h$  (Shakura & Sunyaev 1973)

## Stationäre dünne Akkretionscheiben

Stationäre, axialsymmetrische dünne Akkretionsscheibe:

(1) Massenerhaltung  $\rightarrow$  Akkretionsrate:

Aus

$$\frac{\partial \Sigma}{\partial t} + \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} (r \Sigma v_r) = 0 \rightarrow \dot{M} = -2\pi r \Sigma v_r = \text{konstant}$$



$$(\dot{M} = \frac{dM}{dt} = \frac{d}{dt}(\rho V) = \overline{\rho}\frac{dV}{dt} = \overline{\rho}A\frac{dr}{dt} = -2\pi r 2h\overline{\rho}v_r = -2\pi r\Sigma v_r)$$

(2) Drehimpulserhaltung:

Integration der stationären Drehimpulsgleichung:

$$\rightarrow \frac{\dot{M}\Omega}{2\pi} + \frac{C}{r^2} = -\int t_{r\phi}dz$$

 $C = -r^2 \Omega(r_i) \dot{M}/2\pi$  bestimmt am Radius  $r_i$  mit  $t_{r\phi}(r_i) = 0$   $\rightarrow$  z.B. Sternradius: Material ko-rotiert mit Stern  $\rightarrow$  z.B. Korotationa Padiua stallarer Magneteenhären

- $\rightarrow$ z.B. Korotations-Radius stellarer Magnetosphären
- $\rightarrow$  AGN: marginal stabiler Orbit um BH

Interpretation: C ist Drehimpulsfluß, Erhaltungsgröße

$$\rightarrow \frac{\dot{M}\Omega}{2\pi}R(r) = -\int t_{r\phi}dz, \qquad R(r) \equiv 1 - \left(\frac{r_i}{r}\right)^2 \frac{\Omega(r_i)}{\Omega(r)}$$

 $\rightarrow$  Keplerscheibe:  $R(r) = 1 - \sqrt{r_i/r}$ 

- $\rightarrow$ radiales Profil $\leftrightarrow$  Viskosität/Turbulenzmodel
- $\rightarrow \dot{M},\,M$ geben benötigte Spannungen eindeutig vor

## Dünne Akkretionscheiben – Energiebilanz

Stationäre, axialsymmetrische dünne Akkretionsscheibe:

(3) Energieerhaltung:

Akkretion  $\rightarrow$  Energiegewinn aus potentieller Energie

 $\rightarrow$  (i) Orbitale kinetische Energie

 $\rightarrow$  (ii) Drehimpulstransport nach außen

 $\rightarrow$  (iii) Wärmeerzeugung durch viskose Reibung

Viskose Scherung erzeugt lokal Wärme Q mit Rate

$$\dot{Q} = \nu \Sigma \left( r \frac{d\Omega}{dr} \right)^2 = \frac{\dot{M}\Omega^2}{2\pi} \left| \frac{d\ln\Omega}{d\ln r} \right| \left( 1 - \left( \frac{r_i}{r} \right)^2 \frac{\Omega(r_i)}{\Omega(r)} \right)$$

(unabhängig von Viskosität) Keplerscheibe:

$$\dot{Q} = \frac{3}{4\pi} \frac{GM\dot{M}}{r^3} \left(1 - \sqrt{\frac{r_i}{r}}\right) = \dot{Q}^+$$

Bei sofortiger Abstrahlung in vertikale Richtung: Totale Scheibenleuchtkraft (integriert von  $r = \infty$  bis  $r = r_i$ ):

$$L_{\rm tot} = \frac{1}{2} \frac{GM\dot{M}}{r_i}$$

(Faktor 1/2 nur für nicht-relativistische Scheiben)

# Dünne Akkretionscheiben – Spektrum

Stationäre, axialsymmetrische dünne Akkretionsscheibe: Annahme: lokales thermisches Gleichgewicht (LTE) Scheibenringe emittieren als Schwarzkörper:  $\dot{Q}^- = 2\sigma T_s(R)^4$ Mit  $\dot{Q}^+ = \dot{Q}^-$ :

$$T_s = \left(\frac{3GM\dot{M}}{8\pi r^3\sigma} \left(1 - \sqrt{\frac{r_i}{r}}\right)\right)^{1/4} \sim r^{-3/4}$$

Integration von  $F_{\nu}(T_s(r)) \sim \nu^3 / (\exp(h\nu/kT_s(r)) - 1)$ ergibt das Scheibenspektrum:



$$S_{\nu} \sim \int_{r_i}^{r_{\rm out}} F_{\nu}(T_s(r)) 2\pi r dr$$

Scheibenspektrum als Funktion  $S_{\nu}(T(r))$  (normierte Einheiten)  $\rightarrow$  spektrale Beiträge der Scheibenringen mit T(r) $\rightarrow S_{\nu}(\nu)$  und Vgl. mit Beobachtung

# Akkretionscheiben – Turbulenzmodell

Turbulente Viskosität ermöglicht Drehimpulstransport/Akkretion

Abschätzung der Viskosität:  $\nu \sim l v$ 

- $\rightarrow$ typische Geschwindigkeitv
- $\rightarrow$ typische Längenskala l

Molekulare Viskosität:

- $-~l \propto 10~{\rm cm}$ freie Weglänge der Moleküle
- $-v \sim v_{\text{therm}} \simeq 10^7 \text{cm s}^{-1}$  thermische Geschwindigkeit
- $\rightarrow$  viskose Zeitskala (Akkretion)  $\tau_{\rm acc} \sim r_{\rm acc}^2 / \nu \sim 10^{15}$  Jahre (für  $r_{\rm acc} = 0.01 {\rm pc}$ )!

Anomale Viskosität notwendig:

Modell von Shakura & Sunyaev (1973):

- $\rightarrow$  Turbulente Viskosität: Reibung turbulenter Zellen
- $\rightarrow l < h$  Größe der Zellen
- $\rightarrow v_t < c_s$ turbulente Geschwindigkeit subsonisch
- $\rightarrow$  Druck *P* charkterisiert alle Systemänderungen

 $\rightarrow \nu = \alpha c_s h, \qquad \alpha < 1, \qquad \rightarrow t_{r\phi} = -\alpha P$ 

(" $\alpha$ -Viskosität,  $\alpha$ -Scheiben,  $\alpha$ -Parametrisierung")

In der Scheibenmodellierung meist $0.001 < \alpha < 1$  ("Beobachtungswert"; aber auch Ausnahmen  $\rightarrow$  ADAF)

"Berechnung" von  $\alpha$  mit Hilfe numerischer Simulationen

 $\rightarrow \alpha \simeq 0.01$ klein; manchmal negativ ( $\rightarrow$  Drehimpuls nach innen)

Anwendung der  $\alpha$ -Parametrisierung:

Löse Scheiben-Strukturgleichungen Shakura & Sunyaev (1973):

$$\begin{split} \Sigma &= \int \rho dz \simeq 2h\rho, \qquad \dot{M} = 2\pi r \Sigma v_r, \qquad (\dot{M}\Omega/2\pi)R(r) = -\int t_{r\phi} dz \\ L_{\rm tot} &= \frac{1}{2} \frac{GM\dot{M}}{r_i}, \qquad h = c_s/\Omega, \qquad t_{r\phi} = -\alpha P, \qquad \kappa^{-1}(\rho,T) \simeq \kappa_{\rm scat}^{-1} + \kappa_{\rm abs}^{-1} \\ P(\rho,T) &= 2\rho k_B T/m_p + (1/3)aT^4, \qquad F(r) \simeq acT^4/\kappa\Sigma \\ \text{Neun Gleichungen für} \\ \rho(r), h(r), \Sigma(r), v_r(r), P(r), T(r), t_{r\phi(r)}, \kappa(r), F(r) \end{split}$$

Drei radiale Lösungsbereiche:

(1) Außen: Gas-Druck dominiert, frei-frei Opazität

(2) Mittig: Gas-Druck dominiert, Streu-Opazität

(3) Innen: Strahlungsdruck dominiert, Streu-Opazität

Beispiel Strahlungsdruck dominierte Scheibe  $(x = r/r_g)$ :

$$h = 1.5 \times 10^{13} \text{cm} \frac{L}{\eta 10^{46} \text{erg s}^{-1}} \frac{\kappa}{\kappa_T} (1 - \sqrt{(6/x)})$$

$$\rho = 3 \times 10^{-13} \text{g cm}^{-3} \alpha^{-1} \frac{\eta^2 L_{\text{edd}}}{L} \frac{10^{40} \text{erg s}^{-1}}{L} \left(\frac{\kappa}{\kappa_T}\right)^{-3} x^{3/2} (1 - \sqrt{(6/x)})$$

Grenze zwischen (1) und (2) bei

$$x_{12} \simeq 1000 \alpha^{2/21} \left(\frac{L}{10^{46} \text{erg s}^{-1}}\right)^{2/21} \left(\frac{L}{L_{\text{edd}}}\right)^{2/3} \left(\frac{\kappa}{\kappa_T}\right)^{20/21}$$

# Akkretionscheiben – Magnetorotations-Instabilität

– Ursache der Scheiben-Turbulenz: → Lange rätselhaft: Keine Hinweise auf Scheibeninstabilität: Schwarzschildkriterium für Instabilitat:  $\partial_r l^2 > 0$ Erfüllt für Keplerscheibe:  $\partial_r l^2 = \partial_r GMr > 0$ → 1991: Instabilität durch Magnetfelder! Schwaches Magnetfeld in differentiell rotierendem Medium → instabiles Gleichgewicht → Turbulenz

– Theoretisch untersucht von Chandrasekhar (1961) u. Velikhov (1959), nicht weiterverfolgt (Anwendung damals unbekannt)

Wiederentdeckt für Akkretionsscheiben:
 Magneto-Rotations-Instabilität (MRI), Balbus & Hawley (1991)
 → Theorie und numerische Simulationen:
 MRI Anregung bei schwachen Magnetfeldern
 Exponentieller Anstieg Instabilität bis Sättigung
 Oberer Grenzwert für Magnetfeldstärke

– Zum Verständnis der MRI, Beispiele:

(1) Raumfahrt: Annäherung von Raumschiffen: Abbremsung des schnelleren auf innerer Bahn  $\rightarrow$  Drehimpulsverlust  $\rightarrow$  Absinken zu kleineren Orbit  $\rightarrow$  Entfernung vom äußeren Raumschiff!

(2) Körper auf Keplerorbits, verbunden durch "Federn"



Numerische Simulationen:  $\rightarrow$ Instabilitätsentwicklung des Vertikalmagnetfeldes

 $(\Delta r,\Delta z)\text{-Box}$ in einer axialsymmetrischen Akkretionsscheibe, Zeitskala (1.46–3.11) in Rotationszeiten (Orbit des Box-Zentrums)

# Akkretionscheiben – Scheibenwinde

Drehimpuls-Austausch von der Scheibe durch Scheibenwinde

(1) Advektion von Magnetfeld aus interstellarem Medium

(2) Massenakkretion "verbiegt" Magnetfeld



(3) "Magnetozentrifugale" Beschleunigung (Blandford & Payne 1982)

 $\rightarrow$ Betrachte **B**-Linien als Drähte mit Perlen

 $\rightarrow$  Rotation der **B**-Linien/Drähte mit  $\Omega_K(r_0)$ 

 $\rightarrow$  effektives Potential entlang  ${\bf B}$ 

$$\Phi(r,z) = -\frac{GM}{r_0} \left( 0.5 \left(\frac{r}{r_0}\right)^2 + \frac{r_0}{\sqrt{r^2 + z^2}} \right)$$

 $\rightarrow$  Stabiler Orbit,  $\partial_r \Phi(r, z) = 0$  (z.B.  $r = r_0$ )

 $\rightarrow$  Instabiles Gleichgewicht  $\leftrightarrow \partial_r^2 \Phi(r,z) < 0 \rightarrow \phi > 30^\circ$ 

(4a) Magnetischer Drehimpuls im Wind:  $l \sim r_A v_A \gg r_0 v_K(r_0)$ ( $r_A$  Alfvénradius  $\leftrightarrow E_{kin} = E_{mag}$ )

(4b) Magnetisches Drehmoment:  $\rightarrow \mathcal{G} = \mathbf{r} \times \mathbf{F}_{L}$ 

 $\rightarrow$ Lorentzkraft  $\mathbf{F}_{\mathrm{L}}, \phi,$  die an Feldlinie ("Draht") angreift:

mit  $\mathbf{F} \sim \mathbf{j} \times \mathbf{B}, \ \mathbf{j} \sim \nabla \times \mathbf{B} \rightarrow \mathcal{G} \sim rB_z B_\phi$ 

- $\rightarrow$  Drehimpuls-Transport magnetischer Winde sehr effizient:
- $\rightarrow$  " $\alpha$ -Parameter":  $\alpha_{\text{eff}} \simeq r_A/h(r_0) \gg 1$
- $\rightarrow$  Existenz der Winde nicht klar; theoretische Simulationen fehlen

# Akkretionscheiben – Dicke Scheiben, ADAFs

ADAF: "Advection-dominated accretion flow":

Bisher:

– Dünne Scheibe $h/r \ll 1; \; Q^-(r) = Q^+(r)$ – Strahlungskühlung dominiert Energietransport

– Beobachtung:

Geringe zentrale Leuchtkraft ausgedehnter Radiogalaxien:

 $\rightarrow$  Energietransport dominiert durch Advektion (ADAF):

$$Q^{-} = (1 - f)Q^{+}, \quad Q^{+} - Q^{-} = f \frac{2\alpha\rho c_{s}^{2}r^{2}h^{2}}{\Omega_{K}} \left(\frac{\mathrm{d}\Omega}{\mathrm{d}r}\right)^{2}, \quad f \simeq 1$$

 $\leftrightarrow$  Falls  $\dot{M}$  sehr klein,  $\rightarrow \rho$  klein, wenig lokale Kühlung

 $\leftrightarrow$ Falls Akkretionsrate sehr groß $\to$ optische Tiefe groß $\to$ Kühlzeit der Scheibenmaterie $\gg$ Akkretionszeit:

$$t_{\rm cool} \sim H \tau / c \gg t_{\rm acc} \sim r / v_r$$

Lösung der 1D-Hydrogleichungen (z.B. Narayan & Yi 1994): (z-integriert, selbstähnlich)

 $\rightarrow$  Scheibenstruktur:

 $c_s \simeq v_K \leftrightarrow h/r \simeq 1$  (dicke Scheibe)  $v_r \sim \alpha c_s^2/v_K$  (sehr groß im Vgl. zur dünnen Scheibe)  $\Omega(r) \ll \Omega_K(r)$  (sub-Kepler'sch; ~ Bondi-Akkretion)

 $\rightarrow$  Scheibenleuchtkraft:

 $L_{\text{ADAF}} \ll L_{\text{thin}} \sim GM\dot{M}/r_{\text{in}}$  (durch Defition)

Temperaturen:  $T_{\rm ion} \gg T_{e^-}$ , effiziente Elektronenkühlung

Ionen-Tori geringer Leuchtkraft (Rees et al. 1982)

 $\rightarrow$ Scheibenstabilität: ADAF konvektiv instabil

 $\rightarrow$  aktuelles Forschungsgebiet  $\rightarrow$  ADAF, CDAF, ADIOS,...

## Akkretionscheiben – Generisches Spektrum

Generisches Spektrum einer dünnen Scheibe im LTE: Scheibenringe emittieren als Schwarzkörper:

$$\rightarrow T_s = \left(\frac{3GM\dot{M}}{8\pi r^3\sigma} \left(1 - \sqrt{r_i/r}\right)\right)^{1/4} \sim r^{-3/4}$$

 $\rightarrow$  LTE-Scheibenspektrum:  $S_{\nu} = \int_{r_{\rm in}}^{r_{\rm out}} F_{\nu}(T_s(r)) 2\pi^2 r dr$ 

$$S_{\nu} = \frac{16\pi^2 h r_o^2}{3c^2} \left(\frac{k_B T_o}{h}\right)^{8/3} \nu^{1/3} \int_{x_{\rm in}}^{x_{\rm out}} \frac{x^{5/3}}{e^x - 1} \mathrm{d}x, \quad x \equiv h\nu/k_B T_s$$

Für  $x_{\rm in} \to 0$  und  $x_{\rm out} \to \infty$ :  $(\int \dots dx) \simeq 1 \to S_{\nu} \sim \nu^{1/3}$ 

(Achtung: Potenzgesetz gilt auch für Streulicht aus Zentralquelle an flacher Scheibe)

Verschiedene Frequenzbereiche:

Kleine  $\nu$  (Scheibenaußenrand)  $\rightarrow S_{\nu} \sim \nu^2$  (Rayleigh-Jeans) Große  $\nu \rightarrow S_{\nu} \sim \nu^3 \exp(-h\nu/k_B T)$  (Wien'sches Gesetz)  $\rightarrow$  "cut-off" bei  $\nu_{\text{max}} \simeq k_B T_{\text{max}}/h$ 

$$T_{\rm max} = \left(\frac{3GM\dot{M}}{8\pi\sigma r_{\rm in}^3}\right)^{1/4} = 1.5 \times 10^5 {\rm K} \left(\frac{M}{10^8 M_{\odot}}\right)^{-1/4} \left(\frac{\dot{M}}{\dot{M}_{\rm edd}}\right)^{1/4}$$

Verschiedene Scheibenradien  $\leftrightarrow$  Frequenzbereiche:

 $\rightarrow$  Maximale Abstrahlung  $S_{\nu}$  bei  $r_{\nu}$ , mit  $k_B T_s(r_{\nu}) \simeq h\nu$ 

Für  $r < r_{\nu} \rightarrow h\nu \ll k_B T_s$ 

- $\rightarrow$  Rayleigh-Jeans:  $F_{\nu} = 2(h\nu)^2 k_B T/h^3 c^2$
- $\rightarrow$  Totale Abstrahlung:

$$S_{\nu} \simeq \int_{r_{\text{max}}}^{r_{\nu}} \frac{2(h\nu)^2}{h^3 c^2} T_s(r_{\text{max}}) \left(\frac{r}{r_{\text{max}}}\right)^{-3/4} 2\pi r \mathrm{d}r$$

- $\rightarrow$  Integrand  $\sim r^{1/4} \rightarrow$  Integral dominiert von  $r_{\nu}$
- $\rightarrow$  Strahlung mit  $\nu$  kommt vom Radius  $r_{\nu}$

# Akkretionscheiben – Modifiziertes Spektrum

Modifikationen des generischen Spektrums einer stationären dünnen Scheibe:
→ Modellierung erfordert detailierte Rechnungen
(1) Streulicht der inneren Scheibenregion von Außenbereichen
("disk flaring", "warped disks")
Streustrahlung ≫ lokale Emission
(2) Atmosphärische Effekte:
Schwarzkörper → Scheibenphotosphäre
→ Modell: Superposition von Photosphären früher Sterne
(3) Chromosphäre, Korona:
"Aktive" Scheibe: Scheibenwind, magnetische Rekonnektion
(4) Polarisation durch Streuung:
Opazität dominiert durch Elektronen-Streuung
Spektrum abhängig vom Sichtwinkel:

Depolarisation durch Faraday-Rotation in der Scheibe

(5) Relativistische Effekte:

Doppler-Verschiebung, gravitative Rotverschiebung

Photonen mit hoher Energie aus Innenbereich der Scheibe

- $\rightarrow$  Doppler-"boosting" durch relativistische Rotation
- $\rightarrow$  "Light Bending": Lichtwege aus Achsenrichtung weggebogen
- $\rightarrow$  Sichtwinkeleffekt: Spektrum in Pol-Richtung arm an energiereichen Photonen
- (6) Instabilität der Scheibe  $\leftrightarrow$  stationäres Spektrum

## Akkretionscheiben – Spektrum, Opazität

Prozesse, die die Opazität bestimmen:

- (1) Compton-Streuung (für AGN-Scheiben optisch dick)
- (2) frei-frei-Absorption:

3-Körper-Prozess: Photon + Elektron nahe Kern

 $\rightarrow$  Opazität  $\sim$  Dichte:

$$\kappa_{\rm ff} = 4.90 \times 10^7 \rho g(\epsilon, T) \left(\frac{T}{10^5 {\rm K}}\right)^{-7/2} \epsilon^{-3} (1 - \exp(-\epsilon)) {\rm cm g}^{-1}$$

(Gauntfaktor  $g \simeq 1$ , (Quantenmechanik),  $\epsilon \equiv h\nu$ ) (In kosmischen Plasmen H, He voll ionisiert)

Optische Dicke bzgl. frei-frei-Absorption:

$$\tau_{\rm ff} = 10^{-4} \frac{r^3}{r_g^3} \left(\frac{T}{10^5 \rm K}\right)^{-7/2} \frac{L^2}{L_{\rm edd}^2} \left(\frac{L}{10^{46} \rm erg \ s^{-1}}\right)^{-1} \frac{g\eta^3}{\alpha^2} \frac{1 - e^{-\epsilon}}{\epsilon^3} \frac{R_z^3 R_T^2}{R_R^5}$$

(Strahlungsdruck unterstützte Scheibe)

 $\tau_{\rm ff}$  klein  $\rightarrow$  lokale Photonen ( $\epsilon \simeq 1$ ) werden nicht gestoppt Aber hohe Potenzen:  $\tau_{\rm ff} \simeq (r/r_q)^3 (L/L_{\rm edd})^{-2} (T/10^5 {\rm K})^{-7/2}$ 

(3) gebunden-frei-Absorption: (für H-ähnliche Atome):

- $\rightarrow$  Wirkungsquerschnitt  $\rightarrow$  Besetzungszahl (Saha-Gl.)
- $\rightarrow \kappa_{\rm bf} \sim 10^7 Z^{-5} n^6 \rho \epsilon^{-3/2} \dots$

→ Beide Opazitäten ähnlich  $(\kappa_{\rm ff}/\kappa_{\rm bf}) \sim 1.7 \times Z^4 n^{-3} T^{-1} \exp(10^5 Z^2/T n^2)$ → für niedrige T (d.h. M oder  $r/r_g$  groß) wird  $\kappa_{\rm bf}$  wichtiger

# Akkretionscheiben – Modifizierte Spektrum

– Berechnung der Scheibenvertikalstruktur unter Berücksichtigung von Strahlungsstransport

 $\rightarrow$  Struktur der Scheibenphotosphäre

 $\rightarrow$ kein Planck-Spektrum, modifizierter Schwarzkörper (Modelatmosphäre ähnlich zu weißen Zwergen)

– Einfluß der Scheiben-Temperaturverteilung:

Vertikal isotherme Scheibe  $\leftrightarrow$  Temperaturgradient

– Sichtwinkel: Inklination der Scheibe zur Sichtlinie

(1) lokale Randverdunkelung – Strahlungstransport:  $I_{\nu} \simeq 3/4F_{\nu}(\mu + 2/3)$ 

– Klassisch: Inklination  $\theta \to F_{\nu} = I_{\nu} \cos \theta$ 

(2) geometrischer Projektionseffekt

(3) Einfluß relativistischer Elektronen auf Photonen:

– Bahn-Krümmung, Gravitationslinseneffekt (~ M und  $r_{\rm in}$ , d.h. a = J/M)

– Dopplerverschiebung:  $h\nu_o = Dh\nu_e$ 

Dopplerfaktor:  $D = 1/(\gamma(1 - \beta \cos \theta))$ 

– Dopplerboosting:  $L_o(\nu_o) = D^3 L_e(\nu_e)$ 

# Akkretionscheiben – Beispiel Spektren



# Akkretionscheiben – Beispiel Spektren

Hubeny, Agol, Blaes, Krolik (2000)

Nicht-LTE Modelle, relativistisch,  $\alpha$ -Scheibe,  $L < 0.3L_{\rm edd}$ , Scheibenvertikalstruktur, totales Spektrum aus Scheibenringen

